

Première Spécialité - Chapitre 9

C.1

- 1) Voici le tableau représentant une situation de proportionnalité :

Mesure en degré	90	60	45	30	72	1
Mesure en radian	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{2\pi}{5}$	$\frac{\pi}{180}$

$x \times \frac{\pi}{180}$

- 2) Voici le tableau représentant une situation de proportionnalité :

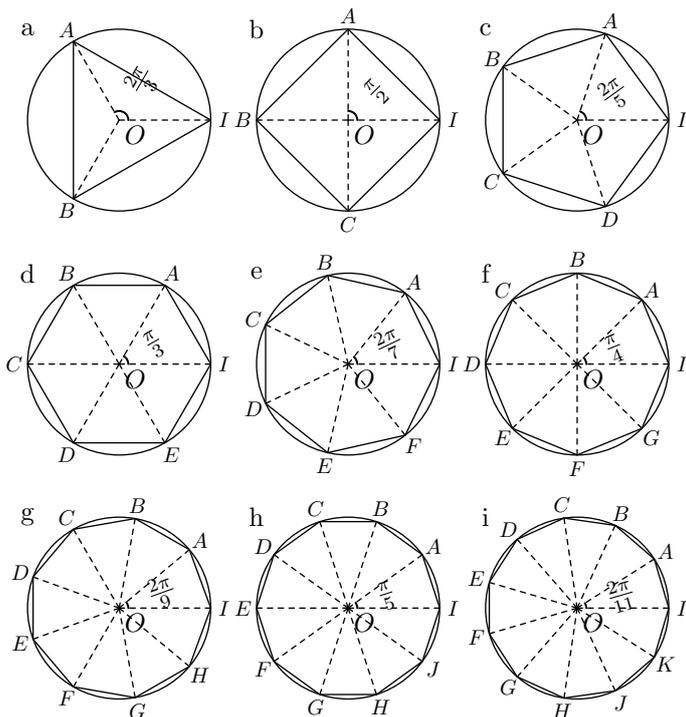
Mesure en radian	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{3 \cdot \pi}{5}$	$\frac{\pi}{12}$	$\frac{3 \cdot \pi}{4}$
Mesure en degré	90	60	30	108	15	135

$x \times \frac{180}{\pi}$

- 3) a) $66^\circ \approx 1,15191 \approx 1,152 \text{ rad}$
 b) $137^\circ \approx 2,39110 \approx 2,391 \text{ rad}$
 c) $2 \text{ rad} \approx 114,59155 \approx 114,592^\circ$
 d) $0,69 \text{ rad} \approx 39,53408 \approx 39,534^\circ$

C.2

- 1) Voici les angles au centre complétés :



- 2) Voici le nom de ces polygones réguliers :

- a) triangle équilatéral ;
 b) carré ;
 c) pentagone régulier ;
 d) hexagone régulier ;
 e) heptagone régulier ;
 f) octogone régulier ;
 g) ennéagone régulier ;
 h) décagone régulier ;
 i) hendécagone régulier.

C.3

- b) Le triangle OCM est un triangle isocèle rectangle. On en déduit que son angle aigu \widehat{MOC} a pour mesure :

$$\widehat{MOC} = \frac{\pi}{4}$$
 c) Le triangle ODA est un triangle équilatéral, on en déduit :

$$\widehat{AOD} = \frac{\pi}{3}$$
 d) Le triangle AEO est un triangle rectangle, on en déduit :

$$\widehat{AOE} = \frac{\pi}{2}$$
 a) L'angle \widehat{AOD} a pour mesure $\frac{\pi}{3}$. La demi-droite $[OB]$ étant la bissectrice de l'angle \widehat{AOD} , on en déduit :

$$\widehat{AOB} = \frac{\frac{\pi}{3}}{2} = \frac{\pi}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{\pi}{6}$$
 e) Les angles \widehat{AOD} et \widehat{IOF} sont symétriques par rapport à la droite (EO) . On en déduit l'égalité des mesures :

$$\widehat{IOF} = \widehat{AOD} = \frac{2\pi}{3}$$

Par supplémentarité des angles \widehat{AOF} et \widehat{FOI} , on a la relation :

$$\begin{aligned} \widehat{AOF} + \widehat{FOI} &= \pi \\ \widehat{AOF} + \frac{\pi}{3} &= \pi \\ \widehat{AOF} &= \pi - \frac{\pi}{3} \\ \widehat{AOF} &= \frac{3\pi - \pi}{3} \\ \widehat{AOF} &= \frac{2\pi}{3} \end{aligned}$$

- f) Les mesures des angles \widehat{AOG} et \widehat{AOC} sont supplémentaires :

$$\begin{aligned} \widehat{AOG} + \widehat{AOC} &= \pi \\ \widehat{AOG} + \frac{\pi}{4} &= \pi \\ \widehat{AOG} &= \pi - \frac{\pi}{4} \\ \widehat{AOG} &= \frac{4\pi - \pi}{4} \\ \widehat{AOG} &= \frac{3\pi}{4} \end{aligned}$$

- g) Les droites (BH) et (AI) sont deux droites parallèles et la droite (IB) est une sécante à ces deux droites.

Les angles \widehat{AIB} et \widehat{IAH} sont deux angles alternes-internes :

$$\widehat{AIB} = \widehat{IAH}$$

- L'angle \widehat{AIB} est un angle inscrit dans le cercle \mathcal{C} interceptant l'arc \widehat{EF} et l'angle \widehat{AOB} est un angle au centre interceptant le même arc :

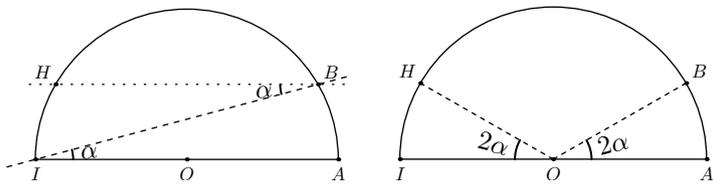
$$\widehat{AOB} = 2 \cdot \widehat{AIB}$$

- L'angle \widehat{IAH} est un angle inscrit dans le cercle \mathcal{C} interceptant l'arc \widehat{BC} et l'angle \widehat{IOH} est un angle au centre interceptant le même arc :

$$\widehat{IOH} = 2 \cdot \widehat{IAH}$$

On en déduit :

$$\widehat{IOH} = \widehat{AOB}$$



Par suppléantarité des angles \widehat{AOH} et \widehat{HOI} , on en déduit :

$$\widehat{AOH} + \widehat{HOI} = \pi$$

$$\widehat{AOH} + \frac{\pi}{6} = \pi$$

$$\widehat{AOH} = \pi - \frac{\pi}{6}$$

$$\widehat{AOH} = \frac{6\pi - \pi}{6}$$

$$\widehat{AOH} = \frac{5\pi}{6}$$

- h) L'angle \widehat{AOI} est un angle plat : $\widehat{AOI} = \pi$

C.4

- 1) a) $M'(-\alpha)$
 b) $M'\left(\alpha + \frac{\pi}{2}\right)$
 c) $M'(\alpha + \pi)$
 d) $M'(\pi - \alpha)$
- 2) a) Les points M et M' sont symétriques par rapport à la symétrie axiale d'axe (OI) .
 b) Le point M est l'image du point M' par la rotation de centre O et d'angle $+\frac{\pi}{2}$.
 c) Les points M et M' sont symétriques par la symétrie centrale de centre O .
 d) Les points M et M' sont symétriques par la symétrie axiale d'axe (OJ) .
- 4) a) $M'(x; -y)$
 b) $M'(-y; x)$
 c) $M'(-x; -y)$
 d) $M'(-x; y)$